

## 2.1

2.1.A Σωστή η απάντηση (γ).

Ενδεικτική αιτιολόγηση

2.1.B Για σώμα που εκτελεί ελεύθερη πτώση από ύψος  $h$ , ο χρόνος πτώσης υπολογίζεται από την εξίσωση κίνησης:

$$h = \frac{1}{2} g \cdot t^2 \quad \text{ή} \quad t = \sqrt{\frac{2 \cdot h}{g}} \quad (1)$$

(Μονάδες 2)

και η ταχύτητα που θα έχει το σώμα αφού διανύσει ύψος  $h$ , από το σημείο που αφέθηκε ελεύθερο, υπολογίζεται από την εξίσωση ταχύτητας:

$$v = g \cdot t = g \cdot \sqrt{\frac{2 \cdot h}{g}} = \sqrt{2 \cdot g \cdot h} \quad (2)$$

(Μονάδες 2)

Εφαρμόζοντας κατάλληλα την εξίσωση (2) για το σφυρί, υπολογίζουμε τη σχέση των μέτρων των ταχυτήτων του σφυριού ακριβώς πριν ακουμπήσει στην επιφάνεια της Γης,  $v_{\Gamma}$  και της Σελήνης,  $v_{\Sigma}$ :

$$v_{\Gamma} = \sqrt{2 \cdot g_{\Gamma} \cdot h} = \sqrt{2 \cdot 6 \cdot g_{\Sigma} \cdot h} = \sqrt{6} \cdot \sqrt{2 \cdot g_{\Sigma} \cdot h} = \sqrt{6} \cdot v_{\Sigma} \quad (3)$$

(Μονάδες 2)

Άρα αξιοποιώντας την σχέση (3) των ταχυτήτων, υπολογίζεται και η σχέση μεταξύ των κινητικών ενεργειών στη Γη,  $K_{\Gamma}$  και στη Σελήνη,  $K_{\Sigma}$  αντίστοιχα:

$$K_{\Gamma} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_{\Gamma}^2 = \frac{1}{2} \cdot m \cdot 6 \cdot v_{\Sigma}^2 = 6 \cdot \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_{\Sigma}^2 = 6 \cdot K_{\Sigma}$$

(Μονάδες 2)

## 2.2

2.2.A Σωστή η απάντηση (β).

Ενδεικτική αιτιολόγηση

2.2.B Έστω ότι η βάλιτσα διανύει το διάστημα (ΑΓ) σε χρονικό διάστημα  $\Delta t_1$  και το διάστημα (ΓΒ) σε χρονικό διάστημα  $\Delta t_2$ . Για τη σχέση των διαστημάτων σύμφωνα με την εκφώνηση ισχύει:

$$(A\Gamma) = (\Gamma B) = \frac{d}{2}$$

Η βάλιτσα εκτελεί ευθύγραμμη ομαλή κίνηση με ταχύτητα σταθερού μέτρου  $v_1$  στο (ΑΓ) και ταχύτητα επίσης σταθερού μέτρου,  $v_2 = 2 \cdot v_1$  στο (ΓΒ). Άρα από την εξίσωση κίνησης υπολογίζουμε τα χρονικά διαστήματα κίνησης ως εξής:

$$(A\Gamma) = \frac{d}{2} = v_1 \cdot \Delta t_1 \quad \text{ή} \quad \Delta t_1 = \frac{d}{2 \cdot v_1} \quad (1) \quad \text{και} \quad (\Gamma B) = \frac{d}{2} = v_2 \cdot \Delta t_2 \quad \text{ή} \quad \Delta t_2 = \frac{d}{2 \cdot v_2} \quad \text{ή} \quad \Delta t_2 = \frac{d}{4 \cdot v_1} \quad (2)$$

(Μονάδες 5)

Τέλος από τον ορισμό της μέσης ταχύτητας υπολογίζουμε:

$$v_{\mu} = \frac{S_{ολ}}{\Delta t_{ολ}} = \frac{(A\Gamma) + (\Gamma B)}{\Delta t_1 + \Delta t_2} = \frac{d}{\frac{d}{2 \cdot v_1} + \frac{d}{4 \cdot v_1}} = \frac{d}{\frac{2 \cdot d}{4 \cdot v_1} + \frac{d}{4 \cdot v_1}} = \frac{d}{\frac{3 \cdot d}{4 \cdot v_1}} = \frac{4 \cdot v_1}{3}$$

(Μονάδες 4)