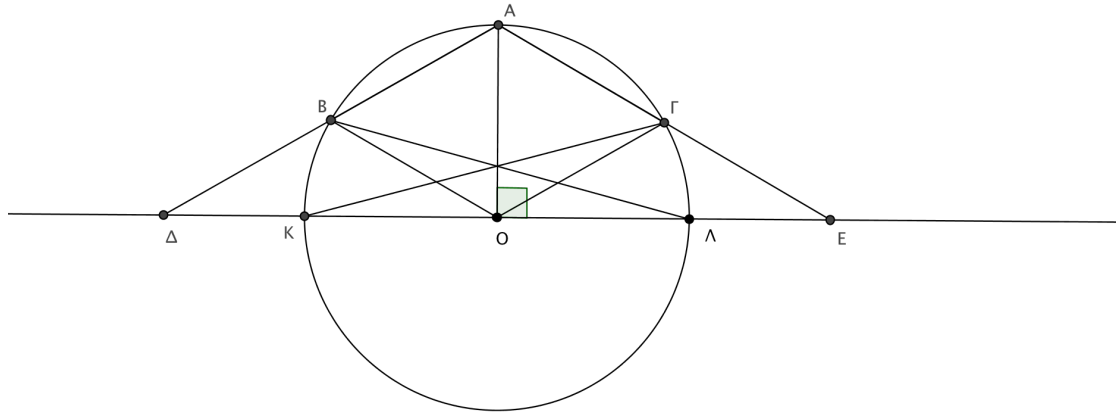


**α)** Επειδή  $OA = AB = OB = \rho$ , το τρίγωνο  $OAB$  είναι ισόπλευρο οπότε  $\widehat{B\hat{A}O} = 60^\circ$ .

Επίσης  $OA = OG = AG = \rho$  οπότε το τρίγωνο  $OAG$  είναι ισόπλευρο οπότε  $\widehat{O\hat{A}G} = 60^\circ$ .

Άρα  $\widehat{B\hat{A}G} = \widehat{B\hat{A}O} + \widehat{O\hat{A}G} = 120^\circ$ .



**β)** Το τρίγωνο  $\Delta OA$  είναι ορθογώνιο και ισχύει ότι:

$$\widehat{A\hat{D}O} + \widehat{O\hat{A}D} = 90^\circ \Leftrightarrow \widehat{A\hat{D}O} + 60^\circ = 90^\circ \Leftrightarrow \widehat{A\hat{D}O} = 30^\circ.$$

Άρα η  $AO$  που είναι απέναντι κάθετη πλευρά από την  $\widehat{A\hat{D}O}$  ισούται με το μισό της

υποτείνουσας  $A\Delta$ , δηλαδή  $AO = \frac{A\Delta}{2}$ . Όμως  $AB = AO$  άρα  $AB = \frac{A\Delta}{2}$ .

Οπότε το σημείο  $B$  είναι μέσο του  $A\Delta$ . Όμοια δείχνουμε ότι το  $\Gamma$  είναι μέσο του  $AE$ .

**γ)** Είναι  $\widehat{A\hat{O}G} = 60^\circ$  επειδή το τρίγωνο  $AOG$  είναι ισόπλευρο και  $\widehat{B\hat{O}A} = 60^\circ$  επειδή το τρίγωνο  $AOB$  είναι ισόπλευρο. Οπότε:

$$\widehat{K\hat{O}G} = \widehat{K\hat{O}A} + \widehat{A\hat{O}G} = 90^\circ + 60^\circ = 150^\circ$$

$$\widehat{B\hat{O}L} = \widehat{B\hat{O}A} + \widehat{A\hat{O}L} = 60^\circ + 90^\circ = 150^\circ$$

Άρα οι επίκεντρες γωνίες  $\widehat{K\hat{O}G}$  και  $\widehat{B\hat{O}L}$  είναι ίσες. Συνεπώς τα τόξα  $K\Gamma$  και  $BL$  είναι ίσα. Οπότε και οι αντίστιχες χορδές  $K\Gamma$  και  $LB$  είναι ίσες, δηλαδή  $K\Gamma = LB$ .