

α) Τα ορθογώνια τρίγωνα $AB\Delta$ και $A\Gamma E$ έχουν:

$GE = AB$, από υπόθεση

$B\Delta = A\Gamma$, από υπόθεση

Άρα τα τρίγωνα $AB\Delta$ και $A\Gamma E$ έχουν δύο κάθετες πλευρές τους ίσες μία προς μία οπότε είναι ίσα και ισχύει ότι $A\Delta = AE$ ως υποτείνουσες των ίσων ορθογωνίων τριγώνων $AB\Delta$ και $A\Gamma E$.

β) Τα τρίγωνα AZK και $A\Theta K$ έχουν:

$AZ = A\Theta$, ως μισά των ίσων πλευρών $A\Delta$ και AE

AK κοινή πλευρά

$\widehat{ZAK} = \widehat{K\Lambda\Theta}$, διότι $A\delta$ διχοτόμος της $\Delta\Lambda E$

Σύμφωνα με το κριτήριο ισότητας $\Pi - \Gamma - \Pi$ τα τρίγωνα AZK και $A\Theta K$ είναι ίσα, οπότε έχουν και $KZ = K\Theta$. Δηλαδή το K ισαπέχει από τα μέσα Z και Θ .

γ) Το K ανήκει στην $A\delta$ οπότε από το β ερώτημα προκύπτει $KZ = K\Theta$ (1).

Από υπόθεση είναι $KZ = AZ$ (2). Επίσης $AZ = A\Theta$ (3) ως μισά των ίσων πλευρών $A\Delta$ και AE . Από τις (1), (2), (3) βρίσκουμε $KZ = K\Theta = AZ = A\Theta$. Δηλαδή το τετράπλευρο $AZK\Theta$ έχει όλες τις πλευρές του ίσες, οπότε είναι ρόμβος.