

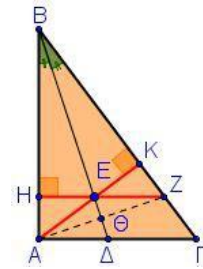
α) i) Τα ορθογώνια τρίγωνα EHA και EKZ έχουν:

- $\widehat{H\hat{E}A} = \widehat{K\hat{E}Z}$, ως κατακορυφήν
- $HE = EK$, διότι το E είναι σημείο της διχοτόμου AD και ισαπέχει από τις πλευρές της γωνίας \widehat{B} .

Άρα τα τρίγωνα EHA και EKZ είναι ίσα.

ii) Τα τρίγωνα BEH και BEK . Έχουν:

- $\widehat{H\hat{B}E} = \widehat{E\hat{B}K}$, διότι BD διχοτόμος της γωνίας \widehat{B}
- BE κοινή πλευρά



Άρα τα τρίγωνα BEH και BEK είναι ίσα, οπότε είναι και $BH = BK$ διότι είναι απέναντι από τις ίσες γωνίες $\widehat{H\hat{E}B}$, $\widehat{E\hat{B}K}$ αντίστοιχα. Επομένως το τρίγωνο BKH είναι ισοσκελές

iii) Στο τρίγωνο ABZ το σημείο E είναι το σημείο τομής των υψών AK,

ZH άρα είναι ορθόκεντρο του τριγώνου. Οπότε και το AΘ είναι ύψος

αφού διέρχεται από το E. Άρα $B\Delta \perp AZ$.

β) Αν το τρίγωνο ABΓ είναι ορθογώνιο και ισοσκελές, το AK είναι ύψος και διχοτόμος. Στο τρίγωνο ABΓ το E είναι σημείο τομής των διχοτόμων AK και BD άρα είναι έγκεντρο. Η ΓE διέρχεται από το E άρα είναι διχοτόμος της γωνίας $\widehat{\Gamma}$.