

ΘΕΜΑ 4

Στις πλευρές Ax' και Ax γωνίας $\hat{x'Ax}$ θεωρούμε σημεία B και Γ ώστε $AB=A\Gamma$. Οι κάθετες στις Ax' και Ax στα σημεία B και Γ αντίστοιχα, τέμνονται στο Δ .

Αν οι ημιευθείες Ay και Az χωρίζουν τη γωνία $\hat{x'Ax}$ σε τρεις ίσες γωνίες και τέμνουν τις $B\Delta$ και $\Delta\Gamma$ στα σημεία E και Z αντίστοιχα, να αποδείξετε ότι:

α) Το τρίγωνο $\triangle EAZ$ είναι ισοσκελές. (Μονάδες 8)

β) Το Δ ανήκει στη διχοτόμο της γωνίας $\hat{x'Ax}$. (Μονάδες 8)

γ) Οι γωνίες $\Gamma B\Delta$ και $\Gamma A\Delta$ είναι ίσες. (Μονάδες 9)

