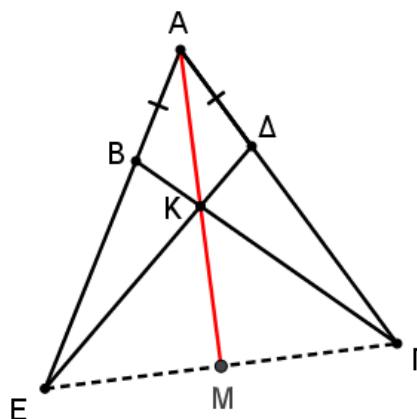


α) Τα τρίγωνα ΒΕΓ και ΔΕΓ έχουν:

- ΕΓ κοινή
- $BE = \Delta\Gamma$ ως διαφορά των ίσων τμημάτων ΑΕ, ΑΒ και ΑΓ, ΑΔ αντίστοιχα
- $\widehat{A\hat{E}\Gamma} = \widehat{A\hat{\Gamma}E}$, αφού ΕΑΓ ισοσκελές τρίγωνο

Από το κριτήριο Π-Γ-Π τα τρίγωνα ΒΕΓ και ΔΕΓ είναι ίσα οπότε έχουν και $B\Gamma = \Delta E$ αφού βρίσκονται απέναντι από τις ίσες γωνίες $\widehat{A\hat{E}\Gamma}$ και $\widehat{A\hat{\Gamma}E}$.



β) Επειδή τα τρίγωνα ΒΕΓ και ΔΕΓ είναι ίσα προκύπτει ότι $\widehat{\Delta\hat{E}\Gamma} = \widehat{\Delta\hat{\Gamma}E}$ οπότε το τρίγωνο ΚΕΓ είναι ισοσκελές, άρα $EK = K\Gamma$ (1)

Τα τρίγωνα ΒΕΚ και ΔΚΓ έχουν:

- $EK = K\Gamma$, λόγω της (1)
- $BE = \Delta\Gamma$, ως διαφορές των ίσων τμημάτων ΑΕ, ΑΒ και ΑΓ, ΑΔ αντίστοιχα
- $\widehat{B\hat{E}\Gamma} = \widehat{\Delta\hat{\Gamma}K}$ ως διαφορές των ίσων γωνιών $\widehat{B\hat{E}\Gamma}$, $\widehat{K\hat{E}\Gamma}$ και $\widehat{\Delta\hat{\Gamma}E}$, $\widehat{K\hat{\Gamma}E}$ αντίστοιχα

Από το κριτήριο Π-Γ-Π τα τρίγωνα ΒΕΚ και ΔΚΓ είναι ίσα, οπότε ισχύει και $BK = K\Delta$ ως απέναντι από τις ίσες πλευρές ΒΕ και ΓΔ.

γ) Τα τρίγωνα ΑΒΚ και ΑΚΔ είναι ίσα γιατί $BK = K\Delta$ από το (β) ερώτημα, ΑΚ κοινή και $AB = AD$.

Επομένως $\widehat{B\hat{A}K} = \widehat{K\hat{A}\Delta}$, οπότε η ΑΚ είναι διχοτόμος της γωνίας \widehat{A} .

δ) Επειδή το τρίγωνο ΑΕΓ είναι ισοσκελές και η ΑΜ είναι διχοτόμος της γωνίας \widehat{A} , θα είναι διάμεσος και ύψος, άρα η ΑΜ είναι μεσοκάθετος της ΕΓ.