

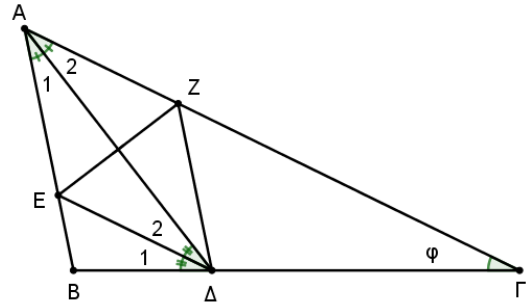
α) Επειδή  $AD=ΔΓ$ , το τρίγωνο  $AΔΓ$  είναι ισοσκελές με βάση την  $AΓ$ , άρα  $\hat{A}_2 = \hat{\Gamma} = \hat{\varphi}$

Η γωνία  $B\hat{D}A$  είναι εξωτερική στο τρίγωνο  $AΔΓ$ , άρα

$$B\hat{D}A = \hat{A}_2 + \hat{\Gamma} = 2\hat{\varphi}.$$

$$\text{Είναι } \hat{\Delta}_1 = \hat{\Delta}_2 = \frac{B\hat{D}A}{2} = \frac{2\hat{\varphi}}{2} = \hat{\varphi}$$

Είναι  $\hat{\Delta}_2 = \hat{A}_2$ . Δηλαδή δύο εντός εναλλάξ γωνίες που σχηματίζονται από τις  $ΔE$ ,  $AΓ$  και την  $AΔ$ , είναι ίσες. Άρα  $ΔE // AΓ$ .



β) Είναι  $\hat{A}_1 = \hat{A}_2$  αφού η  $AΔ$  είναι διχοτόμος της γωνίας  $\hat{A}$  και  $\hat{\Delta}_2 = \hat{A}_2$ , οπότε το τρίγωνο  $AΕΔ$  είναι ισοσκελές με βάση την  $AΔ$ .

γ) Επειδή  $ΔZ // AB$  και  $ΔE // AZ$ , το τετράπλευρο  $AΕΔZ$  είναι παραλληλόγραμμο. Τα  $AΔ$  και  $EZ$  είναι διαγώνιες παραλληλογράμμου, οπότε διχοτομούνται.