

α) Επειδή  $AK = AL$ , το τρίγωνο  $AKL$  είναι ισοσκελές οπότε η διάμεσος  $AM$  είναι και διχοτόμος της γωνίας  $A$ , δηλαδή  $\widehat{KAM} = \widehat{MAL}$  (1). Επίσης  $\widehat{MAL} = \widehat{AED}$  (2) ως εντός εναλλάξ των παραλλήλων  $AB, \Gamma\Delta$  που τέμνονται από την  $AE$ . Από (1), (2) προκύπτει  $\widehat{KAM} = \widehat{AED}$ , οπότε το τρίγωνο  $\Delta AE$  είναι ισοσκελές, άρα  $AD = DE$ .

β) Είναι  $DE = AD$  από το ερώτημα (α) και  $AD = B\Gamma, AB = \Delta\Gamma$  αφού  $AB\Gamma\Delta$  παραλληλόγραμμο οπότε  $DE = AD = B\Gamma$ , οπότε  $B\Gamma + \Gamma E = DE + \Gamma E = \Delta\Gamma = AB$ .

γ) Από το άθροισμα των γωνιών του ισοσκελούς τριγώνου  $AKL$  έχουμε:

$$\widehat{A} + \widehat{AKL} + \widehat{ALK} = 180^\circ \Leftrightarrow \widehat{A} + 2\widehat{ALK} = 180^\circ \Leftrightarrow 2\widehat{ALK} = 180^\circ - \widehat{A} \quad (3).$$

Οι γωνίες  $\widehat{A}$  και  $\widehat{B}$  είναι παραπληρωματικές ως εντός και επί τα αυτά μέρη των παραλλήλων  $AD, B\Gamma$ . Δηλαδή  $\widehat{A} + \widehat{B} = 180^\circ \Leftrightarrow \widehat{B} = 180^\circ - \widehat{A}$  (4).

Από τις σχέσεις (3), (4) προκύπτει ότι  $\widehat{B} = 2\widehat{ALK}$ .