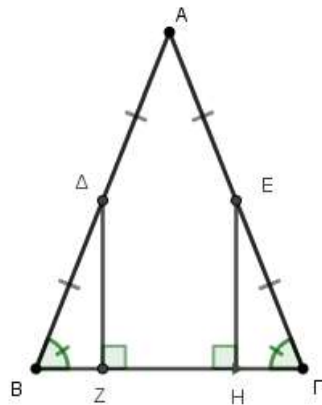


Θεωρούμε ισοσκελές τρίγωνο $AB\Gamma$ με $AB = A\Gamma$.



α) Έστω Δ, E τα μέσα των πλευρών του $AB, A\Gamma$ και $\Delta Z, E\Gamma$ οι αποστάσεις των E, Z από τη βάση $B\Gamma$.

Τα τρίγωνα ΔZB και $E\Gamma H$ έχουν:

- $\widehat{BZ\Delta} = \widehat{\Gamma H E} = 90^\circ$ αφού ΔZ και $E\Gamma$ ως αποστάσεις, από την υπόθεση, είναι κάθετες στη $B\Gamma$.
- $\Delta B = E\Gamma$ ως μισά των ίσων πλευρών AB και $A\Gamma$ του τριγώνου $AB\Gamma$
- $\widehat{B} = \widehat{\Gamma}$ ως προσκείμενες γωνίες στη βάση $B\Gamma$ του ισοσκελούς τριγώνου $AB\Gamma$

Άρα τα τρίγωνα ΔZB και $E\Gamma H$ είναι ορθογώνια που έχουν μια κάθετη πλευρά και την προσκείμενη σε αυτήν οξεία γωνία ίσες μία προς μία, άρα είναι ίσα.

Οπότε έχουν και $\Delta Z = E\Gamma$ ως πλευρές απέναντι από τις ίσες γωνίες \widehat{B} και $\widehat{\Gamma}$ αντίστοιχα.

Δηλαδή, τα σημεία Δ και E ισαπέχουν από τη βάση $B\Gamma$.

β) Για τις γωνίες του τριγώνου $AB\Gamma$ έχουμε:

$$\widehat{A} + \widehat{B} + \widehat{\Gamma} = 180^\circ \Leftrightarrow 75^\circ + \widehat{B} + \widehat{B} + \widehat{B} = 180^\circ \Leftrightarrow 3\widehat{B} = 105^\circ. \text{ Άρα } \widehat{B} = 35^\circ.$$

$$\text{Οπότε } \widehat{A} = 75^\circ + 35^\circ = 110^\circ.$$